

解 答 例

◎前期試験 A M方式 (2020年2月5日実施)

数 学

数学②=工・経営情報・国際関係・人文・応用生物・生命健康科・現代教育学部
(60分・100点)

1

$(100-x)^{100} = \sum_{r=0}^{100} {}_{100}C_r 100^{100-r} (-x)^r$, ${}_{100}C_r = {}_{100}C_{100-r}$ であるから,

$$\begin{aligned} (100-x)^{100} &= 100^{100} - {}_{100}C_{\boxed{1}} 100^{99} x + {}_{100}C_{\boxed{2}} 100^{98} x^2 - \dots \\ &\quad - {}_{100}C_{\boxed{3}} 100^3 x^{97} + {}_{100}C_2 100^2 x^{98} - {}_{100}C_1 100 x^{99} + x^{100} \end{aligned}$$

… (ア), (イ), (ウ)

となる. $x=1$ を代入した式を用いると,

$$\begin{aligned} 99^{100} - 1 &= 100^{100} - {}_{100}C_1 \cdot 100^{99} + \dots + {}_{100}C_2 \cdot 100^2 - {}_{100}C_1 \cdot 100 \\ &= 100^2 (100^{98} - 100^{98} + \dots + 50 \cdot 99 - 1) \\ &= (100^{97} - 100^{97} + \dots + 5 \cdot 99 - 1) \times 10^5 + 9 \times 10^4 \end{aligned}$$

であるから, $99^{100} - 1$ には末尾から数えて

$\boxed{5}$ 桁目 … (エ)

で初めて 0 でない数が現れる.

2

$\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2 \theta$ を用いて方程式を変形すると,

$$2\sin^2 \theta + 5\sin \theta - 3 = 0$$

となる. 因数分解すると

$$(2\sin \theta - 1)(\sin \theta + 3) = 0$$

となり, $\sin \theta = \frac{1}{2}$, $0 \leq \theta < 2\pi$ であるから,

$$\theta = \frac{\pi}{\boxed{6}}, \frac{\boxed{5}}{\boxed{6}}\pi \quad \dots (オ), (カ), (キ)$$

3

選び出した 3 個の球に青色と赤色が少なくともそれぞれ 1 個含まれるのは, 青色 2 個と赤色 1 個, 青色 1 個と赤色 2 個, 青色 1 個と赤色 1 個と黄色か黒色 1 個のいずれかの場合であるから, その確率は

$$\begin{aligned} &\frac{{}_{10}C_2 \cdot {}_{10}C_1 + {}_{10}C_1 \cdot {}_{10}C_2 + {}_{10}C_1 \cdot {}_{20}C_1}{{}_{40}C_3} \\ &= \frac{5 \cdot 9 \cdot 10 + 10 \cdot 5 \cdot 9 + 10 \cdot 10 \cdot 20}{20 \cdot 13 \cdot 38} \\ &= \frac{\boxed{1} \boxed{4} \boxed{5}}{\boxed{4} \boxed{9} \boxed{4}} \quad \dots (ク), (ケ), (コ), (カ), (シ), (ス) \end{aligned}$$

4

三角形 ABC の重心 $(\frac{x}{3}, \frac{y+2}{3})$ と三角形 PQR の重心 $(\frac{-y+4}{3}, \frac{x}{3})$ が一致するので、

$$\frac{x}{3} = \frac{-y+4}{3}, \quad \frac{y+2}{3} = \frac{x}{3}$$

である。よって、

$$x = \boxed{3}, \quad y = \boxed{1} \quad \cdots (\text{b}), (\text{c})$$

5

三角形 HBC において、 $\angle BHC = 90^\circ$, $\angle HCB = 45^\circ$ より $\angle HBC = 45^\circ$ である。よって

$$\begin{aligned} BH = CH &= \frac{BC}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}, \\ AH &= \sqrt{AB^2 - BH^2} = \sqrt{2^2 - \left(\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{4-2\sqrt{3}}{2}} = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2} \end{aligned}$$

であり、

$$AC = AH + CH = \sqrt{6} \quad \cdots (\text{d})$$

である。また

$$\sin A = \frac{BH}{AB} = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4} = \frac{\sqrt{2}(\sqrt{3}+1)}{4} \quad \cdots (\text{e}), (\text{f}), (\text{g}), (\text{h})$$

であり、

$$\cos \angle ABH = \sin A = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{1}{2} = \cos 45^\circ \cos 30^\circ + \sin 45^\circ \sin 30^\circ = \cos(45^\circ - 30^\circ) = \cos 15^\circ$$

であるから、

$$\angle ABH = \boxed{15}^\circ \quad \cdots (\text{i}), (\text{j})$$

[$\angle ABH$ の別解]

三角形 ABC に余弦定理を用いると

$$\cos \angle ABC = \frac{2^2 + (\sqrt{3}+1)^2 - (\sqrt{6})^2}{2 \cdot 2 \cdot (\sqrt{3}+1)} = \frac{1}{2}$$

となり、 $\angle ABC = 60^\circ$ である。よって

$$\angle ABH = \angle ABC - \angle HBC = 60^\circ - 45^\circ = 15^\circ$$

6

公比を r とすると、 $a_7 = r^2 a_5$ より $r^2 = \frac{a_7}{a_5} = \frac{1024}{64} = 16$ で $r > 0$ であるから、公比は

$$r = \boxed{4} \quad \cdots (\text{k})$$

である。また、 $a_5 = a_1 r^4$ より初項は

$$a_1 = \frac{a_5}{r^4} = \frac{64}{4^4} = \frac{1}{4} \quad \cdots (\text{l})$$

である。

したがって、 $a_n = \frac{1}{4} \cdot 4^{n-1} = 2^{2(n-2)}$ であるから

$$b_n = \log_2 a_n = 2n - 4$$

となり、数列 $\{b_n\}$ は

$$\text{初項 } b_1 = \boxed{-2}, \quad \text{公差 } \boxed{2} \quad \cdots (\text{m}), (\text{n}), (\text{o})$$

の等差数列である。

7

PQ の中点を M とすると M は平面 OAB 上にある。 $\overrightarrow{OA} = (1, 2, 3)$, $\overrightarrow{OB} = (2, 3, 1)$ であるから、
実数 s, t を用いて

$$\overrightarrow{OM} = s\overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{OB} = (s + 2t, 2s + 3t, 3s + t)$$

と表せる。 $\overrightarrow{PM} = \overrightarrow{OM} - \overrightarrow{OP} = (s + 2t - 25, 2s + 3t - 25, 3s + t - 25)$ と \overrightarrow{OA} , \overrightarrow{OB} は垂直であるから

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{PM} = (s + 2t - 25) + 2(2s + 3t - 25) + 3(3s + t - 25) = 14s + 11t - 150 = 0,$$

$$\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{PM} = 2(s + 2t - 25) + 3(2s + 3t - 25) + (3s + t - 25) = 11s + 14t - 150 = 0$$

である。 よって $s = t = 6$ となり、

$$\overrightarrow{PM} = (-7, 5, -1), \quad \overrightarrow{OQ} = \overrightarrow{OP} + 2\overrightarrow{PM} = (25, 25, 25) + (-14, 10, -2)$$

より

$$Q(\boxed{11}, \boxed{35}, \boxed{23}) \dots (\vartheta), (\iota), (\kappa), (\lambda), (\mu), (\nu), (\xi), (\eta)$$

8

$n^{-2\alpha-1}\{(1^2)^\alpha + (2^2)^\alpha + \dots + (n^2)^\alpha\} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n \left(\frac{k}{n}\right)^{2\alpha}$ であるから、

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n^{-2\alpha-1}\{(1^2)^\alpha + (2^2)^\alpha + \dots + (n^2)^\alpha\} = \int_0^1 x^{\boxed{2}\alpha} dx \quad \dots (\delta)$$

である。 $\int_0^1 x^{2\alpha} dx = \left[\frac{1}{2\alpha+1} x^{2\alpha+1}\right]_0^1 = \frac{1}{2\alpha+1}$ であるから、

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\boxed{2}\alpha + \boxed{1}) n^{-2\alpha-1}\{(1^2)^\alpha + (2^2)^\alpha + \dots + (n^2)^\alpha\} = 1 \quad \dots (\epsilon), (\zeta)$$

が成り立つ。

数学①＝経営情報・国際関係・人文・応用生物・生命健康科・現代教育学部
(60分・100点)

1. 因数分解を実行すると

$$\begin{aligned} (\text{与式}) &= 6x^2 + 5xy - 6y^2 - x - 8y - 2 \\ &= (2x + 3y)(3x - 2y) - x - 8y - 2 \\ &= (2x + 3y + 1)(3x - 2y - 2) \end{aligned}$$

したがって、

$$6x^2 + 5xy - x - 6y^2 - 8y - 2 = (\boxed{2}x + \boxed{3}y + 1)(3x - 2y - \boxed{2}) \quad \dots (\vartheta), (\iota), (\kappa)$$

2. 整理すると

$$(a - 4)x \geq -6, \quad (3 - b)x < 1$$

であるから、解が $-2 \leq x < \frac{1}{2}$ のとき、

$$a - 4 = 3, \quad 3 - b = 2 \quad \text{より} \quad a = \boxed{7}, \quad b = \boxed{1} \quad \dots (\text{エ}), (\text{オ})$$

3. $f(x) = x^2 - mx + 2m - 3$ とおくと

$$f(x) = \left(x - \frac{m}{2}\right)^2 - \frac{m^2 - 8m + 12}{4}$$

すべての実数 x に対して $f(x) > 0$ となる条件は

$$m^2 - 8m + 12 < 0 \iff (m-2)(m-6) < 0$$

より

$$\boxed{2} < m < \boxed{6} \quad \dots (\text{カ}), (\text{キ})$$

4. $0^\circ \leq x \leq 180^\circ$, $0^\circ \leq y \leq 180^\circ$ のとき, $t = \sin x$ とおくと, 条件式から

$$0 \leq t \leq 1, \quad 0 \leq \frac{7}{4} - t \leq 1$$

より

$$\frac{\boxed{3}}{\boxed{4}} \leq t \leq 1 \quad \dots (\text{ク}), (\text{ケ})$$

式変形して

$$\begin{aligned} S &= 5 \sin x - 2(1 - \sin^2 y) \\ &= 5 \sin x - 2 \left\{ 1 - \left(\frac{7}{4} - \sin x \right)^2 \right\} = 2 \sin^2 x - 2 \sin x + \frac{33}{8} \end{aligned}$$

$t = \sin x$ であるから

$$S = \boxed{2} \left(t - \frac{\boxed{1}}{\boxed{2}} \right)^2 + \frac{29}{8} \quad \dots (\text{コ}), (\text{サ}), (\text{シ})$$

したがって, S の最小値は

$$2 \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right)^2 + \frac{29}{8} = 2 \cdot \frac{1}{16} + \frac{29}{8} = \frac{\boxed{1} \boxed{5}}{\boxed{4}} \quad \dots (\text{ス}), (\text{セ}), (\text{ソ})$$

5. 袋 A から 2 個の玉を取り出す確率は

$$\text{赤赤} : \frac{3}{15}, \quad \text{赤白} : \frac{9}{15}, \quad \text{白白} : \frac{3}{15}$$

袋 B から 2 個の玉を取り出す確率は

$$\text{赤赤} : \frac{6}{15}, \quad \text{赤白} : \frac{8}{15}, \quad \text{白白} : \frac{1}{15}$$

したがって, 4 個の赤玉を取り出す確率は

$$\frac{3}{15} \cdot \frac{6}{15} = \frac{\boxed{2}}{\boxed{2} \boxed{5}} \quad \dots (\text{タ}), (\text{チ}), (\text{ツ})$$

赤玉を 2 個, 白玉を 2 個取り出す確率は

$$\frac{3}{15} \cdot \frac{1}{15} + \frac{9}{15} \cdot \frac{8}{15} + \frac{3}{15} \cdot \frac{6}{15} = \frac{\boxed{3} \boxed{1}}{\boxed{7} \boxed{5}} \quad \dots (\text{テ}), (\text{ト}), (\text{ナ}), (\text{ニ})$$

6. $x = 1$ のとき,

$$\frac{1}{2}(|1| + 1) \leq \frac{1^2}{a} + \frac{a}{4} \leq |1| \quad \text{より} \quad 1 \leq \frac{1}{a} + \frac{a}{4} \leq 1$$

したがって,

$$\frac{1}{a} + \frac{a}{4} = 1 \iff (a-2)^2 = 0 \quad \therefore a = 2$$

$a = 2$ のとき,

$$\frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} - |x| = \frac{1}{2}(|x| - 1)^2 \geq 0$$

$$\frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2}(|x| + 1) = \frac{1}{2}|x|(|x| - 1) \leq 0$$

よって,

$$a = \boxed{2} \quad \dots (\text{ヌ})$$

は与えられた条件を満たす。

7. 8人を2つのグループに分け、どのグループも少なくとも1人が入る方法は,

$$\frac{2^8 - 2}{2} = \boxed{1} \boxed{2} \boxed{7} \quad \text{通り} \quad \dots (\text{ネ}), (\text{ノ}), (\text{ハ})$$

8人を2つの部屋A, Bに入れるとき、全員が同じ部屋に入ってもよい場合は

$$2^8 = \boxed{2} \boxed{5} \boxed{6} \quad \text{通り} \quad \dots (\text{ヒ}), (\text{フ}), (\text{ヘ})$$

各部屋に少なくとも1人が入る方法は,

$$2^8 - 2 = \boxed{2} \boxed{5} \boxed{4} \quad \text{通り} \quad \dots (\text{ホ}), (\text{マ}), (\text{ミ})$$

8. 余弦定理より

$$4AM^2 = 2AC^2 - 2AC^2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \iff 4AM^2 = (2 - \sqrt{3})AC^2$$

したがって,

$$\sin 15^\circ = \frac{AM}{AC} = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2}$$

よって,

$$\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{3} - 1}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{\boxed{6}} - \sqrt{\boxed{2}}}{4} \quad \dots (\text{ム}), (\text{メ})$$

$\angle APB = 45^\circ$ であるから、AからBPに下ろした垂線の足をQとおくと、

$$AP = \sqrt{2}AQ = \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}AB = \frac{\sqrt{6}}{2}AB$$

よって,

$$PH = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}AP = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} \cdot \frac{\sqrt{6}}{2}AB = \frac{\boxed{3} - \sqrt{\boxed{3}}}{\boxed{4}}AB \quad \dots (\text{モ}), (\text{ヤ}), (\text{ユ})$$

9. メネラウスの定理より

$$\frac{QR}{RA} \cdot \frac{AP}{PB} \cdot \frac{BC}{CQ} = 1 \quad \text{i.e.} \quad \frac{QR}{RA} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{9}{4} = 1$$

したがって,

$$QR : RA = \boxed{8} : \boxed{9} \quad \dots (\text{ヨ}), (\text{ラ})$$

したがって,

$$\triangle ARC = \frac{9}{17} \cdot \frac{4}{9}S = \frac{\boxed{4}}{\boxed{1} \boxed{7}}S \quad \dots (\text{リ}), (\text{ル}), (\text{レ})$$

英 語

工・経営情報・国際関係・人文・応用生物・生命健康科・現代教育学部

(60分・100点〈英語英米文化学科は150点〉)

- | | | | | | | | | | | |
|-------|----|---|----|---|----|---|----|---|----|---|
| 〔 1 〕 | 1 | ウ | 2 | エ | 3 | ウ | 4 | イ | 5 | ア |
| | 6 | エ | 7 | ウ | 8 | イ | 9 | エ | 10 | ア |
| 〔 2 〕 | 11 | ア | 12 | イ | 13 | イ | 14 | エ | 15 | ア |
| | 16 | ウ | 17 | ウ | 18 | ア | 19 | エ | 20 | ウ |
| 〔 3 〕 | 21 | ウ | 22 | オ | 23 | カ | 24 | エ | 25 | ア |
| | 26 | ク | 27 | ア | 28 | ウ | 29 | エ | 30 | キ |
| 〔 4 〕 | 31 | ア | 32 | エ | 33 | ウ | 34 | イ | 35 | ウ |
| | 36 | オ | 37 | イ | 38 | ア | 39 | ウ | 40 | エ |

理科(物理, 化学, 生物)

物理②=工・応用生物・生命健康科・現代教育学部(60分・100点)

- | | | | | | | | | | | |
|-----|----|---|----|---|----|---|----|---|----|---|
| I | 1 | エ | 2 | ウ | 3 | カ | 4 | ア | 5 | キ |
| | 6 | イ | 7 | カ | | | | | | |
| II | 8 | カ | 9 | ア | 10 | イ | 11 | イ | 12 | エ |
| | 13 | キ | 14 | オ | | | | | | |
| III | 15 | イ | 16 | ウ | 17 | イ | 18 | ア | 19 | ウ |
| | 20 | イ | 21 | イ | | | | | | |

物理①=生命健康科・現代教育学部(60分・100点)

- | | | | | | | | | | | |
|-----|----|---|----|---|----|---|----|---|----|---|
| I | 1 | オ | 2 | キ | 3 | ア | 4 | オ | 5 | ウ |
| | 6 | キ | 7 | イ | 8 | エ | 9 | カ | | |
| II | 10 | ク | 11 | カ | 12 | イ | 13 | オ | 14 | キ |
| | 15 | ウ | 16 | ケ | 17 | イ | | | | |
| III | 18 | オ | 19 | キ | 20 | コ | 21 | イ | 22 | カ |
| | 23 | ア | 24 | コ | 25 | ア | | | | |

化学②=工・応用生物・生命健康科・現代教育学部(60分・100点)

- | | | | | | |
|-----|------|------|------|------|------|
| I | 1 エ | 2 ウ | 3 カ | 4 エ | 5 イ |
| | 6 オ | 7 エ | 8 エ | | |
| II | 9 キ | 10 エ | 11 ウ | 12 エ | 13 ウ |
| | 14 オ | 15 ウ | | | |
| III | 16 イ | 17 エ | 18 エ | 19 キ | 20 キ |
| | 21 カ | 22 エ | 23 イ | 24 エ | 25 キ |
| IV | 26 オ | 27 ア | 28 カ | 29 カ | 30 キ |
| | 31 カ | 32 カ | 33 イ | | |

化学①=応用生物・生命健康科・現代教育学部(60分・100点)

- | | | | | | |
|-----|------|------|------|------|------|
| I | 1 エ | 2 ウ | 3 カ | 4 エ | 5 イ |
| | 6 オ | 7 エ | 8 エ | | |
| II | 9 キ | 10 エ | 11 ウ | 12 エ | 13 ウ |
| | 14 オ | 15 ウ | | | |
| III | 16 ウ | 17 イ | 18 ア | 19 ア | 20 ア |
| | 21 イ | 22 イ | 23 エ | 24 オ | 25 ア |
| | 26 オ | 27 ウ | | | |
| IV | 28 ア | 29 オ | 30 ウ | 31 エ | 32 ア |
| | 33 オ | 34 ウ | | | |

生物①=応用生物・生命健康科・現代教育学部(60分・100点)

- | | | | | | |
|-----|------|------|------|---------|------|
| I | 1 オ | 2 コ | 3 カ | 4 オ | 5 カ |
| | 6 ウ | 7 キ | 8 キ | | |
| II | 9 ク | 10 イ | 11 ア | 12 イ, ウ | 13 ク |
| | 14 コ | 15 カ | 16 オ | | |
| III | 17 カ | 18 エ | 19 エ | 20 ケ | 21 カ |
| | 22 ク | 23 ア | 24 キ | | |
| IV | 25 ク | 26 ウ | 27 コ | 28 カ | 29 ク |
| | 30 ウ | 31 エ | 32 コ | | |
| V | 33 ウ | 34 カ | 35 ア | 36 ケ | 37 オ |
| | 38 イ | 39 イ | 40 ク | | |

国語

工・経営情報・国際関係・人文・応用生物・生命健康科・現代教育学部
(60分・100点)

- (一)

1	イ	2	エ	3	ウ	4	オ	5	エ
6	オ	7	ア	8	イ	9	エ	10	イ
11	キ	12	イ	13	ア	14	エ		
- (二)

15	ア	16	ウ	17	エ	18	オ	19	ア
20	イ	21	オ	22	ア	23	ウ	24	エ
25	エ	26	ア	27	ウ	28	ア		
- (三)

29	ア	30	イ	31	イ	32	オ	33	オ
34	ア								

社会(世界史, 日本史, 地理, 政治・経済)

世界史＝経営情報・国際関係・人文・現代教育学部(60分・100点)

- [I]

1	イ	2	ウ	3	エ	4	イ	5	エ
6	ウ	7	エ	8	エ	9	エ		
- [II]

10	イ	11	エ	12	ア	13	イ	14	イ
15	ア	16	ウ	17	ア				
- [III]

18	ウ	19	イ	20	エ	21	ア	22	エ
23	ア	24	ア	25	ウ				
- [IV]

26	ウ	27	ア	28	エ	29	エ	30	ア
31	イ	32	ウ	33	ア				

日本史＝経営情報・国際関係・人文・現代教育学部(60分・100点)

- [I]

1	エ	2	イ	3	ウ	4	ウ	5	イ
6	ア	7	エ	8	エ				
- [II]

9	ウ	10	ア	11	エ	12	ア	13	ウ
14	ア	15	イ	16	ウ				
- [III]

17	イ	18	ア	19	ウ	20	ア	21	ウ
22	エ	23	イ	24	ウ				
- [IV]

25	ウ	26	エ	27	イ	28	エ	29	イ
30	イ	31	エ	32	ア				

地理＝経営情報・国際関係・人文・現代教育学部(60分・100点)

- 〔 I 〕 1 ウ 2 エ 3 ア 4 エ 5 イ
6 ア 7 イ 8 ウ 9 ウ 10 エ
11 イ
- 〔 II 〕 12 イ 13 ア 14 ア 15 ウ 16 エ
17 ア 18 エ 19 イ
- 〔 III 〕 20 イ 21 エ 22 エ 23 ア 24 イ
25 エ 26 エ 27 ア
- 〔 IV 〕 28 イ 29 ウ 30 エ 31 ウ 32 エ
33 ア 34 イ 35 ウ

政治・経済＝経営情報・国際関係・人文・現代教育学部
(60分・100点)

- 〔 I 〕 1 イ 2 ウ 3 ア 4 エ 5 ア
6 ウ 7 イ 8 エ 9 イ 10 ウ
11 エ 12 ア 13 エ
- 〔 II 〕 14 ウ 15 エ 16 ア 17 ウ 18 イ
19 ア 20 エ 21 イ 22 エ 23 ア
24 エ 25 ウ
- 〔 III 〕 26 ア 27 エ 28 ウ 29 イ 30 エ
31 ア 32 イ 33 ウ 34 イ 35 エ
36 ア 37 ウ 38 ウ
- 〔 IV 〕 39 ウ 40 ア 41 イ 42 エ 43 イ
44 ア 45 ア 46 ウ 47 エ 48 エ
49 エ 50 ウ